ВВЕДЕНИЕ.

Краткая постановка задачи сформулирована в техническом задании проекта. Цель введения — раскрыть и дополнить техническое задание (ТЗ), а также выделить абстракции, понятия и сокращения, которые будут действительны на протяжении всего дальнейшего изложения.

Приведу формулировку технического задания:

«Разработать программу моделирования и анимации открытого огня. Программа должна реалистично визуализировать процесс горения на трехмерной сцене, при наличии статического окружения. Необходимо также реализовать анимацию дыма, получаемого в процессе горения и дать возможность пользователю настраивать параметры анимации».

Техническое задание описывает требования к программному продукту. Можно выделить шесть компонентов, из которых этот продукт должен состоять:

1) Трехмерная сцена.

2) Несложное статическое окружение.

3) Получение реалистичного огня (пламя, всполохи, спектры цветов …).

4) Рисование дыма, получаемого при горении.

5) Выделение ключевых параметров анимации.

6) Пользовательский интерфейс.

Связи между компонентами неочевидны и будут рассматриваться при построении архитектуры, но уже сейчас может быть выделена главная задача проекта — рендеринг реалистичной анимации. Все остальные задачи являются второстепенными и будут реализованы как расширения главной задачи, реализацию которой в программном коде, в дальнейшем будем называть ядром.

Можно видеть, что система разбита на два уровня: уровень ядра и уровень подзадач, в свою очередь разбитый на подзадачи. Большой плюс подобного разбиения в том, что его можно легко перенести на построение архитектуры программного решения. В таком случае, ядро и выделенные подзадачи становятся доменами.

Замечу, что здесь представлена вся рассматриваемая система, хоть и в самом абстрактном её понимании. Никаких других задач или уровней в дальнейшем вводиться не будет. То есть, вся последующая работа проводится вглубь обозначенных пунктов.

Расчетно-пояснительная записка поделена на разделы, каждый из которых описывает определенные аспекты проведенной работы:

- Анализ предметной области, выделение базовых программных сущностей, выбор инструментов разработки — находятся в аналитическом разделе.

- Математическая модель ядра описана и проанализирована в конструкторском разделе.

- Программная реализация составляют часть конструкторского раздела и полностью весь технический раздел.

- Тестирование и исследование программы вошли в экспериментальный раздел.

Терминология, принятая в данном документе не расходится с общепринятой в области компьютерной графики. Однако стоит привести разъяснения по поводу слов «рендеринг» и «визуализация». В дальнейшем они будут употребляться как синонимы (второе чаще), в значении: процесс получения изображения по модели с помощью компьютерной программы.

2. АНАЛИТИЧЕСКИЙ РАЗДЕЛ.

**2.1. Анализ предметной области.**

В реальной жизни задача графической визуализации огня встречается достаточно часто. Однако проводить для этого реальные эксперименты дорого и опасно. Чтобы записать на видео красивый взрыв, необходимо выбрать удаленное от людей (а значит и от инфраструктуры) место, заготовить горючее и средства обеспечения безопасности, получить разрешение от властей. В итоге, полученные кадры будут эксклюзивными, ведь, чтобы переснять их в других ракурсах, потребуется повторение всего эксперимента. Тут и приходят на помощь программы-симуляторы.

Заказчиком технологии выступает в основном индустрия развлечений, которой огонь нужен в компьютерных играх и в кино, причем эти отрасли накладывают различные ограничения. Компьютерные игры требуют симуляции в реальном времени и с вычислительными ресурсами персонального компьютера. В то же время для киноиндустрии наиболее важна реалистичность. Ради получения реалистичных симуляций могут задействоваться большие вычислительные мощности и допустимо обрабатывать каждый кадр по несколько минут.

Министерство чрезвычайных ситуаций также использует программные симуляции природных явлений. Например, для таких задач как системы предсказания лесных пожаров и компьютерные системы обучения сотрудников.

В данной работе, решено сконцентрироваться на достижении довольно жестких требований, предъявляемых к компьютерным играм. Благодаря этому целевая аудитория созданного программного продукта будет наибольшей.

**2.2. Классификация существующих методов.**

Для рисования огня в компьютерной графике было изобретено достаточно много методов. Американский инженер H.R. Baum составил их классификацию в своей работе «Computer fire simulation»:

1) Particle-system based.

Огонь представляется в виде большого количества частиц, которые движутся по случайным траекториям, управляемые стохастическими процессами. Каждая частица имеет свой единственный цвет и некоторую степень прозрачности. При большом количестве частиц, метод сильно нагружает компьютер, при этом не давая ни внешней ни поведенческой реалистичности. Преимущество данного метода - простота реализации.

2) Noise-synthesized.

Здесь огонь получается путем наложения друг на друга нескольких сеток шумов. Выглядит хорошо, однако трудно воспроизвести реальное поведение.

3) Geometry-skeleton.

Используется лучевой каркас, который затем покрывается некоторой поверхностью. Данный метод подкупает своей простотой реализации и простотой расчетов. Других преимуществ не имеет.

4) Data-driven.

Допустим, имеется возможность наблюдать реальный огонь в реальном мире и фиксировать его с помощью фото или видеосъемки. Собранный материал можно использовать для построения компьютерной модели. Метод нуждается в большом хранилище данных и заведомо реалистичен. Однако чтобы добавить новое поведение огня, нужно снова проводить реальные эксперименты и увеличивать объем базы данных.

5) Physically-based.

К последнему классу относятся наиболее трудные для моделирования и программирования методы. Они же дают самый качественный результат, то есть самое реалистичное изображение. Поэтому, исследование «физически-обоснованных» анимаций представляет огромный интерес для всех, кто нуждается в искусственной симуляции огня на персональном компьютере. В данном направлении работают такие исследователи как Jos Stam, Ronald Fedkiw, Duc Quang Nguyen.

Недостатками метода являются сложная программная реализация, возможная расходимость применяемого метода расчета состояний модели и долгий расчет этой самой модели.

**2.3. Обзор и анализ существующих программных систем, и обоснование необходимости разработки.**

Для рендеринга огня могут быть использованы пакеты редактирования компьютерной графики: AutodeskMaya или Blender3D. Качество получаемых результатов для обоих приблизительно одинаково.

Blender3D – свободный пакет для создания трехмерной компьютерной графики, включающий в себя средства моделирования, анимации, рендеринга, постобработки видео, а также создания интерактивных игр. Имеет репутацию программы сложной для изучения.

AutodeskMaya – открытый для сторонних разработчиков редактор трехмерной графики. В настоящее время стал стандартом 3D графики в кино и телевидении.

Оба программных пакета включают в себя невероятно много функциональных возможностей, требуют знания специальных языков для настройки и работы (python для Blender, MEL основанный на Tcl, для Maya). Соответственно они требуют от пользователя долгого обучения, из-за чего использовать их могут лишь профессионалы либо специализированные студии. В то же время на рынке нет качественного инструмента, который могли бы использовать небольшие команды, разрабатывающие компьютерные игры или симуляторы.

Созданный программный продукт призван заполнить собой данную нишу.

**2.2. Выбор, обоснование метода моделирования и алгоритма.**

Для реализации ядра системы, автором был выбран Physically-based метод. Причиной выбора послужило то, что, хотя это и не самый сложный метод, но он дает самый реалистичный и качественный результат. Также данный метод позволяет решать и некоторые дополнительные задачи, к примеру: распространение огня, тление и затухание. Это значит, что в будущем разработанная система может быть расширена до полноценного Фреймворка.

Существует занимательный факт, который несколько упрощает реализацию ядра. Дело в том, что движение жидкостей, газов и плазмы в поле скоростей можно описать одной и той же системой векторных уравнений. Система называется уравнениями Навье-Стокса, в честь французского физика Навье и британского математика Стокса. Конечно, так можно делать только тогда, когда не требуется физическая достоверность моделирования. Действительно, проектируемая модель используется для рендеринга, а не для проведения замеров физических параметров и такой уровень точности просто не нужен.

Огонь, в первом приближении, является плазмой, а дым — газом. Значит оба явления можно описать с помощью одной и той же математической модели. Разница будет лишь в коэффициентах расчета, таких как вязкость или диффузия, цветовых спектрах и некоторых других. Замечу, что при реализации анимации огня другими методами, дым пришлось бы моделировать «с нуля».

Для реализации ядра в этой работе, был взят за основу программный движок, описанный JosStam в его статье Real-time fluid dynamics for games.

**2.3. Применяемые инструменты.**

Программа написана на языке С++ стандарта ISO/IEC 14882:2011. Это самая современная версия С++, которая на данный момент поддерживается компиляторами gcc-4.8 и выше. В программе использовались такие расширения языка как: синтаксис для лямбда-выражений, библиотека <function> с поддержкой функционального программирования и ключевое слово auto для выведения типов.

Для реализации оконного интерфейса и взаимодействия с графикой использовался программный инструментарий Qt. Среди причин выбора именно этого Фреймворка можно назвать кроссплатформенность (программа собиралась и тестировалась на операционных системах Ubuntu Linux и Windows XP), богатый выбор легко расширяемых типов (в программе используются контейнерные классы QVector, QList, QMap, классы для создания графического интерфейса пользователя QMainWindow, QPainter и другие), а также механизм сигналов-слотов.

**2.4. Анализ компонент системы. Выделение абстракций.**

**2.5. Диаграмма классов.**

3. КОНСТРУКТОРСКИЙ РАЗДЕЛ.

**3.1. Основы метода моделирования.**

Уравнения Навье-Стокса – система дифференциальных уравнений в частных производных для абстрактных векторных полей любой размерности, описывающая движение вязкой ньютоновской жидкости. Уравнения Навье-Стокса являются одними из важнейших в гидродинамике и применяются в математическом моделировании многих природных явлений и технических задач.

Пусть в момент времени t1 имеется n-мерная сетка, в каждой точке которой определены скорость U и плотность вещества R. Уравнения Навье-Стокса учитывают параметры среды и позволяют определить значения величин U, R для момента t2 = t1 + dt.

Здесь и далее, полем называется векторное поле, на котором применимы операторы векторной алгебры (градиент, дивергенция, лапласиан) и определены параметры среды. Сетка – это математическая абстракция, описывающая поле с некоторой точностью. Первое понятие применяется при моделировании, а второе при реализации модели.

Скорость перемещения вещества в огне и дыме намного меньше, чем скорость звука. Следовательно, можно допустить, что скорость звука в рассматриваемых средах бесконечна и любые возмущения передаются немедленно. Данное условие позволяет использовать модель несжимаемой жидкости, что сильно упростит систему уравнений. Ведь если жидкость несжимаемая, то плотность сохраняется при изменении давления и само давление можно не принимать в расчет.

В результате, система уравнений модели выглядит следующим образом.

(1)

Это нелинейная система векторных уравнений в частных производных. Верхнее описывает поведение поля скоростей и называется уравнением движения. Оно в точности отражает эволюцию поля скоростей в течение времени. Нижнее уравнение описывает движение вещества в поле скоростей. Система справедлива как для двумерного, так и для трехмерного случая (меняется только количество компонент векторов).

Само по себе поле скоростей не имеет визуального смысла, пока нет объектов, на которые оно воздействует. Движение этих объектов рассчитывается путем перевода окружающих их скоростей в силы. Простые объекты, вроде частиц, обычно просто двигаются вдоль скоростей, но в случае сплошных сред моделировать каждую частицу слишком ресурсозатратно. Поэтому частицы вещества заменим плотностью: непрерывной функцией, которая для каждой точки пространства определяет количество вещества в ней.

Рассмотрим сначала второе уравнение. Оно утверждает, что изменение скалярного поля плотностей во времени происходит из-за трех причин, соответствующих трем слагаемым в правой части. Первая — это так называемая адвекция (advection), в сущности, перемещение вещества под действием поля скоростей. Вторая — диффузия вещества, где каппа — коэффициент диффузии. И, наконец, третья причина — поле источников плотности, обозначаемое S.

Верхнее уравнение очень похоже на нижнее. И действительно, три слагаемых в правой части имеют ту же самую смысловую нагрузку: адвекция, диффузия (которая в смысле скоростей является вязкостью), где ню — коэффициент, и источники поля (применительно для скоростей это поле сторонних сил; благодаря этому полю можно, например, моделировать ветер, сдувающий языки пламени).

К сожалению, в настоящее время не существует общего аналитического решения уравнений Навье-Стокса. Существование и гладкость решений этих уравнений – одна из семи математических задач тысячелетия, сформулированных в 2000 году Математическим институтом Клэя. По состоянию на 2014 год подтвержденные решения найдены лишь в некоторых частных случаях, обусловленных простой геометрией. В остальных случаях применяются численные методы.

**3.2. Разработка алгоритма.**

Математические уравнения и абстракции очень полезны при проектировании модели. Однако при реализации, необходимо перейти к конечным представлениям полей. Общепринятым подходом является использование конечных сеток, которые состоят из одинаковых ячеек. Внутри каждой ячейки характеристики поля являются постоянными величинами. Такое представление позволяет применить численные методы для решения уравнений Навье-Стокса, а также производить рендеринг на растровых дисплеях.

Замечу, что благодаря введению сеток мы получаем первый инструмент для оценки реалистичности получаемого изображения: величина равная отношению количества пикселей к количеству ячеек. Подробнее об этом будет сказано в экспериментальном разделе.

Для построения модели введем сетки размера N на N для полей скорости и плотности вещества. Помимо указанных, нам потребуются сетки для полей S (источники вещества) и f (сторонние силы) тех же размеров. Значения последних двух сеток не зависят от состояния модели, и не будут изменяться при решении системы (1).

Ядро программного решения, по сути, является реализацией математической модели. Оно призвано решить систему Навье-Стокса для заданных сеток и коэффициентов диффузии и вязкости. За один запуск, алгоритм будет обходить сначала сетку плотностей и вычислять новые значения для неё при текущем фиксированном значении скоростей, а затем обходить сетку скоростей, чтобы учесть вязкость вещества и сторонние силы.

**3.3. Используемые типы и структуры данных.**

В программе используются три категории типов данных. Информация о самых важных представителях каждого представлена в таблицах.

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Тип данных** | **Назначение** | **Представление** | **Использующие классы** |
| FVal | Значение поля. | long | NS\_Grid, NS\_Solver. |
| Field | Сетка соотв. полю. | FVal \*\* | NS\_Grid, NS\_Solver. |
| Factor | Коэффициент при расчете сеток | FVal | NS\_Solver |

Первая категория – это примитивные типы языка С++, которые нужны для хранения и передачи простых, неструктурированных данных, а также в функциях и методах как локальные переменные.

Вторая категория – это типы, предоставляемые библиотекой Qt. В коде программы их легко можно узнать по префиксу Q в названии. В основном это контейнеры и типы для работы с графикой.

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Тип данных** | **Назначение** | **Использующие классы** |
| QString, QVector | Контейнеры | UserInterface, Scene, Obstacle, Polygon3D |
| QPainter | Контекст рисования | Scene, Drawable, Fluid, Obstacle |
| QPoint | Точка на экране | Fluid, Point3D, Plane3D |
| QColor | Цвет RGBA | Fluid, FireGrid, SmokeGrid |
| QFile | Файловые запись и чтение | Adjustable |

Третья категория – это типы, созданные специально для данного программного решения. Среди них типы, представляющие собой геометрические примитивы, функциональные типы, для передачи специализированных анонимных функций и некоторые другие.

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Тип данных** | **Назначение** | **Представление** | **Использующие классы** |
| Projector | Проецирующая функция | function <QPoint (Point3D &)> | Drawable, Fluid, Obstacle |
| Point3D,  Vector3D,  Polygon3D,  Plane3D | Геометрические примитивы для трехмерного пространства объектов | double X, Y, Z | Scene, Projector |
| QVector<Point3D> |
| double A, B, C, D |

**3.4. Структура программного комплекса.**

4. ТЕХНИЧЕСКИЙ РАЗДЕЛ.

**4.1. Реализация алгоритма анимации.**

Алгоритм симуляции огня представляет собой безусловный цикл по времени. Внутри цикла выполняется перерасчет полей плотности и скорости, а также отрисовка огня на сцене. Помимо этого, производится калибровка поля скоростей, для того чтобы эмулировать действие температуры. Это необходимо делать, потому что температура не входит явно в систему уравнений (1).

Алгоритм изображен на рисунке 1.

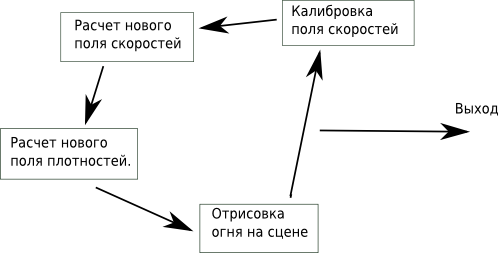


Рисунок 1.

**4.2. Реализация алгоритма рендеринга.**